

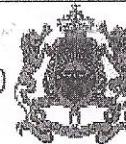
★★
B

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة العادية 2016

- الموضوع -

٢٠١٤ | ٢٠١٥
٩٠٠٣ | ٨٠٠٣
٨٠٠٣ | ٧٠٠٣



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم
والامتحانات والتوجيه

NS 22

الرياضيات

المادة

3 مدة الإنجاز

7 المعامل

شعبة العلوم التجريبية بـسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بـسالكها

الشعبة أو المسار

تعليمات عامة

- عدد الصفحات: 3 (الصفحة الأولى تتضمن تعليمات ومكونات الموضوع والصفحتان المتبقيتان تتضمنان موضوع الامتحان) :
- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادى استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؛
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمارين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرين الأول	التمرين الثاني	التمرين الثالث	التمرين الرابع
المتتاليات العددية	ال الهندسة الفضائية	الأعداد العقدية	حساب الاحتمالات
2.5 نقط	3 نقط	3 نقط	3 نقط
التمرين الأول	التمرين الثاني	التمرين الثالث	التمرين الرابع
مسألة			
Drاسة دالة عدديّة و حساب التكامل	In يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري.		
8.5 نقط			

- بالنسبة لمسألة \ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري.

التمرين الأول: (2.5 ن)

نعتبر المتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = \frac{3 + u_n}{5 - u_n}$ لكل n من \mathbb{N}

(1) تحقق من أن $u_{n+1} - 3 = \frac{4(u_n - 3)}{2 + (3 - u_n)}$ لكل n من \mathbb{N} ثم بين بالترجع أن $u_n < 3$ لكل n من \mathbb{N} 0.75

(2) لتكن (v_n) المتالية العددية المعرفة بما يلي: $v_n = \frac{u_n - 1}{3 - u_n}$ لكل n من \mathbb{N}

أ- بين أن (v_n) متالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ثم استنتج أن v_n لكل n من \mathbb{N} 0.75

ب- بين أن $u_n = \frac{1 + 3v_n}{1 + v_n}$ لكل n من \mathbb{N} ثم اكتب u_n بدالة n 0.5

ج- حدد نهاية المتالية (u_n) 0.5

التمرين الثاني: (3 ن)

نعتبر، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعدد مننظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقط $A(1, 1, 1)$ و $B(3, 1, 1)$ و $C(2, 2, 1)$ و الفلكة (S) التي معادلتها $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 34 = 0$

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 34 = 0$$

(1) أ- بين أن $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = 2\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$ 0.5

ب- استنتج أن $2x + 2y + z - 9 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) 0.5

(2) أ- بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $(S) = (-1, 0, 1)$ و أن شعاعها هو 6 0.5

ب- بين أن $d((S), (ABC)) = 3$ و استنتج أن المستوى (ABC) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) 0.5

(3) أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من النقطة Ω و العمودي على المستوى (ABC) 0.5

ب- بين أن مركز الدائرة (Γ) هو النقطة B 0.5

التمرين الثالث: (3 ن)

(1) حل في مجموعة الأعداد العقدية \mathbb{C} المعادلة : $z^2 - 4z + 29 = 0$ 0.75

(2) نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعدد مننظم مباشر $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ ، النقط Ω و A و B التي

الحقها على التوالي هي ω و a و b بحيث $a = 5 + 2i$ و $b = 5 + 8i$ و $\omega = 2 + 5i$ 0.75

أ- ليكن u العدد العقدي بحيث $u = b - \omega$

تحقق من أن $u = 3 + 3i$ ثم بين أن $\arg u = \frac{\pi}{4}$ [2π] 0.75

ب- حدد عددة للعدد العقدي \bar{u} (\bar{u} يرمز لمراافق العدد العقدي u) 0.25

ج- تتحقق من أن $\arg\left(\frac{b - \omega}{a - \omega}\right) = \frac{\pi}{2}$ ثم استنتاج أن $\Omega A = \Omega B$ و أن $\angle AOB = 90^\circ$ 0.75

د- نعتبر الدوران R الذي مرکزه Ω و زاويته $\frac{\pi}{2}$ 0.5

حدد صورة النقطة A بالدوران R

التمرين الرابع: (3 ن)

- يحتوي صندوق على 10 كرات : أربع كرات حمراء وست كرات خضراء .
 لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس .
 سحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الصندوق .
 (1) ليكن A الحدث : " الكرتان المسحوبتان حمراوان " .

$$\text{بين أن } p(A) = \frac{2}{15}$$

- (2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعد الكرات الحمراء المتبقية في الصندوق بعد سحب الكرتين .
 أ- بين أن مجموعة القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X هي $\{2, 3, 4\}$

$$\text{ب- بين أن } p(X=3) = \frac{8}{15} \text{ ثم حدد قانون احتمال المتغير العشوائي } X$$

مسألة: (8.5 ن)

- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :
 و ليكن (C_f) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعادم منظم (O, \bar{i}, \bar{j}) (الوحدة : 1 cm)

$$(1-\text{I}) \text{ أ- بين أن } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$$

ب- بين أن المستقيم (D) الذي معادلته $y = 2x - 2$ مقارب للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

$$(2) \text{ أ- بين أن } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

$$\text{ب- بين أن } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty \text{ ثم أول هندسيا النتيجة .}$$

$$(3) \text{ أ- بين أن } f'(x) = 2(e^x - 1)^2 \text{ لكل } x \text{ من } \mathbb{R}$$

ب- ضع جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R} (لاحظ أن $f'(0) = 0$)

ج- بين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد α من المجال $[1, \ln 4]$ [بحيث $f(\alpha) = 0$]

- (4) أ- بين أن المنحنى (C_f) يوجد فوق المستقيم (D) على المجال $[\ln 4, +\infty)$ وتحت المستقيم (D) على المجال $[-\infty, \ln 4]$

ب- بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف وحيدة زوج إحداثياتها هو $(0, -5)$

ج- أنشئ المستقيم (D) والمنحنى (C_f) في نفس المعلم (O, \bar{i}, \bar{j}) (نأخذ $\ln 4 \approx 1.4$ و $\alpha \approx 1.3$)

$$(5) \text{ أ- بين أن } \int_0^{\ln 4} (e^{2x} - 4e^x) dx = -\frac{9}{2}$$

- ب- احسب ، ب cm^2 ، مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C_f) و المستقيم (D) و محور الأراتيب و المستقيم الذي معادلته $x = \ln 4$

$$(1-\text{II}) \text{ أ- حل المعادلة التفاضلية } 0 : y'' - 3y' + 2y = 0$$

ب- حدد الحل g للمعادلة (E) الذي يحقق الشرطين $g'(0) = -2$ و $g(0) = -3$

- (2) لتكن h الدالة العددية المعرفة على المجال $[\ln 4, +\infty)$ بما يلي :

أ- بين أن الدالة h تقبل دالة عكسية h^{-1} و أن h^{-1} معرفة على \mathbb{R}

$$\text{ب- تحقق من أن } h(\ln 5) = \ln 5 \text{ ثم حدد } (h^{-1})'(\ln 5)$$